

1. Co splňuje řadící algoritmus, když o něm říkáme že je datově citlivý ?

Jeho složitost jse mění v závislosti na uspořádání prvků, které má řadit.

Např. Bubble Sort seřadí 5 4 2 1 vzestupně se složitostí $O(n^2)$ a 1 2 4 5 se složitostí $\Omega(n)$.

Rychleji zpracuje částečně seřazenou posloupnost.

2. Co splňuje řadící algoritmus, když o něm říkáme že je stabilní ?

Zachovává pořadí stejných prvků. Napr. Bubble Sort, Shake Sort, Insetion Sort jsou stabilní.

3. Za jakých podmínek lze použít bucketSort s lineární složitostí ?

BucketSort s lineární složitostí lze použít pokud bude rovnoměrné rozložení prvků v "kýblech".

BucketSort lze použít pouze tehdy, pokud znám předem minimum a maximum řazených prvků, aby bylo možný předem určit intervaly pro přidělení po kýblu a počet intervalů je lineární.

4. Za jakých podmínek lze použít countingSort s lineární složitostí ?

Třídí na principu pomocného pole, kterému se říká *sčítací pole*, někdy také *indexovací pole*. To bude dlouhé tak, jak je dlouhý rozsah prvků v původním poli a budou v něm zatím samé nuly.

Původní pole se lineárně projede a prvky v něm jsou brány jako indexy do sčítacího pole. Pro každý prvek si ve sčítacím poli zvýšíme hodnotu (započítáme ho). Potom druhým lineárním průchodem projedeme sčítací pole a podle počtů na jednotlivých indexech do původního pole zleva zapisujeme indexy zpět jako prvky.

5. Jaký je smysl Heapify v binární haldě ? Popište slovně/pseudokódem jak funguje. Fázy tvorby haldy můžete vynechat. Určete složitost heapify a heapysort.

Heapify – zařadí prvek na správné místo, složitost $O(n \cdot \log n)$

Vstup: Pole A a index i takový, že binární podstromy s kořeny v $A[\text{LEFT}(i)]$ a $A[\text{RIGHT}(i)]$ jsou binární haldy (splňují H -vlastnost), ale přitom $A[i] < A[\text{LEFT}(i)]$ nebo $A[i] < A[\text{RIGHT}(i)]$.

procedure HEAPIFY(A, i)

```
{
     $l \leftarrow \text{LEFT}(i)$ ;
     $r \leftarrow \text{RIGHT}(i)$ ;
    if ( $i \leq \text{Heap\_Size}(A) \ \& \ A[l] > A[i]$ )
        then  $\text{Largest} \leftarrow l$  else  $\text{Largest} \leftarrow i$ ;
    if ( $r \leq \text{Heap\_Size}(A) \ \& \ A[r] > A[\text{Largest}]$ )
        then  $\text{Largest} \leftarrow r$ ;
    if ( $\text{Largest} \neq i$ )
        then  $\{A[i] \leftrightarrow A[\text{Largest}]; \text{HEAPIFY}(A, \text{Largest})\}$ 
}
```

HeapSort

```
procedure HEAPSORT(A)
{
    BUILD_HEAP(A);
    for (i ← length(A) downto 2)
        do { A[1] ↔ A[i];
            Heap_Size(A) ← Heap_Size(A) − 1;
            HEAPIFY(A, i)
        }
}
```

Věta

Časová složitost $t_{HS}(n) = O(n \log n)$.

HeapSort - neboli řazení haldou je jeden z nejlepších obecných [algoritmů řazení](#), založených na porovnávání prvků.

6. Definujte prostorovou složitost problému a časovou složitost :

Časová složitost

- délka vstupu – počet buněk, který vstup zabírá
- délka výpočtu pro konkrétní vstup – počet provedení instrukcí, které algoritmus vykoná než se zastaví
- je funkce, kterou označujeme

$$T_{Alg.}(n): N \rightarrow N$$

kde n je délka vstupu

Prostorová složitost

- velikost paměti algoritmu pro konkrétní vstup – je číslo $p+1$, kde p je *max* z adres buněk navštívených během výpočtu

$$S_{Alg.}: N \rightarrow N$$